

## Tema 2: Listas, aritmética y operadores

José A. Alonso Jiménez  
Miguel A. Gutiérrez Naranjo

Dpto. de Ciencias de la Computación e Inteligencia Artificial

UNIVERSIDAD DE SEVILLA

# Representación de listas

- Símbolos:
  - Una constante:  $\square$
  - Un símbolo de función binario:  $.$
- Ejemplos de listas (notación de términos)
  - $\square$
  - $.(a, \square)$
  - $.(1, .(2, .(3, .(4, \square))))$
  - $.( \square, \square)$
- Ejemplos de listas (notación reducida)
  - $\square$
  - $[a]$
  - $[1, 2, 3, 4]$
  - $[\square]$

# Representación de listas

- El predicado `display`

```
?- display([]).  
[]  
Yes  
?- display([a]).  
. (a, [])  
Yes  
?- display([1,2,3,4]).  
. (1, . (2, . (3, . (4, []))))  
Yes  
?- display([[[]]).  
. ([], [])  
Yes
```

- El predicado de unificación: `=`

```
?- X = . (a, . (1, [])).  
X = [a, 1]  
Yes  
?- . (X,Y) = [1].  
X = 1  
Y = []  
Yes  
?- . (X,Y) = [a,b,c].  
X = a  
Y = [b, c]  
Yes  
?- . (X, . (2, . (Z, []))) = [1,Y,3].  
X = 1  
Z = 3  
Y = 2  
Yes
```

# Unificación con listas

- ¿Son unificables las siguientes listas?

- $[X|Y]$  y  $[1,2,3]$

?-  $[X|Y] = [1,2,3]$  .

$X = 1$

$Y = [2, 3]$

Yes

- $[X,Y|Z]$  y  $[1,2,3]$

?-  $[X,Y|Z] = [1,2,3]$  .

$X = 1$

$Y = 2$

$Z = [3]$

Yes

- $[X,Y]$  y  $[1,2,3]$

?-  $[X,Y] = [1,2,3]$  .

No

- $[X,Y|Z]$  y  $[1,2]$

?-  $[X,Y|Z] = [1,2]$  .

$X = 1$

$Y = 2$

$Z = []$

Yes

# Unificación con listas

- $[X,a,b|[]]$  y  $[[b,L],a|L]$   
?-  $[X,a,b|[]] = [[b,L],a|L]$ .  
 $X = [b, [b]]$   
 $L = [b]$   
Yes
- $[X,Y,Z]$  y  $[Y,Z,X]$   
?-  $[X,Y,Z] = [Y,Z,X]$ .  
 $X = \_G171$   
 $Y = \_G171$   
 $Z = \_G171$   
Yes
- $[X,Y,Z]$  y  $[Y,Z|[]]$   
?-  $[X,Y,Z] = [Y,Z|[]]$ .  
No
- $p([X|R],h(X,[a|[R|L]]))$  y  $p([a],h(a,[L]))$   
?-  $p([X|R],h(X,[a|[R|L]])) = p([a],h(a,[L]))$ .  
No
- $X$  y  $f(X)$   
?-  $X = f(X)$ .  
Action (h for help) ? a  
abort  
Execution Aborted

# Operaciones con listas

- **Problema: Primer elemento y resto de una lista**

- `primero(L,X)` se verifica si X es el primer elemento de la lista L
- `resto(L,X)` se verifica si X es el resto de la lista L

- **Ejemplo**

```
primero([a,b,c],X) => X=a
resto([a,b,c],X) => X=[b,c]
```

- **Programa listas-1.pl**

```
primero([X|L],X).
resto([X|L],L).
```

- **Sesión**

```
?- primero([a,b,c],X).
X = a
Yes
?- primero([X,b,c],a).
X = a
Yes
?- primero([X,Y],a).
X = a
Y = _G286
Yes
?- primero(X,a).
X = [a|_G353]
?- resto([a,b,c],L).
L = [b, c]
?- resto([a|L],[b,c]).
L = [b, c]
```

# Operaciones con listas

- **Añadir un elemento a una lista**

- `cons(X,L1,L2)` se verifica si `L2` es la lista obtenida añadiéndole `X`, como primer elemento, a la lista `L1`

- **Ejemplo**

`cons(a,[b,c],L2) => L2 = [a,b,c]`

- **Programa `cons.pl`**

`cons(X,L1,[X|L1]).`

- **Sesión**

?- `cons(a,[b,c],L).`

`L = [a, b, c]`

?- `cons(X,L,[a,b,c]).`

`X = a`

`L = [b, c] ;`

# Operaciones con listas

- **Concatenación de listas**

- `conc(L1,L2,L3)` se verifica si `L3` es la lista obtenida escribiendo los elementos de `L2` a continuación de los elementos de `L1`.

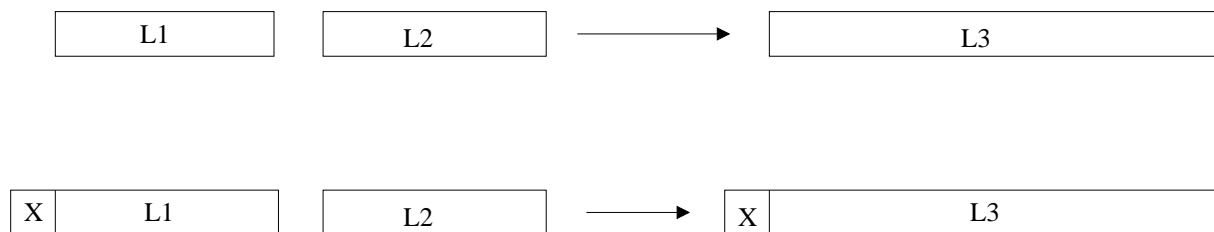
- **Ejemplo**

`conc([a,b],[c,d],L3) => L3 = [a,b,c,d]`

- **Programa conc.pl**

```
conc([],L,L).  
conc([X|L1],L2,[X|L3]) :-  
    conc(L1,L2,L3).
```

- **Esquema**





# Operaciones con listas

- ¿Cuál es el resultado de concatenar las listas  $[a,b]$  y  $[c,d,e]$ ?

?- conc( $[a,b]$ ,  $[c,d,e]$ , L).

L =  $[a, b, c, d, e]$  ;

No

- ¿Qué lista hay que añadirle al lista  $[a,b]$  para obtener  $[a,b,c,d]$ ?

?- conc( $[a,b]$ , L,  $[a,b,c,d]$ ).

L =  $[c, d]$  ;

No

- ¿Qué dos listas hay que concatenar para obtener  $[a,b]$ ?

?- conc(L1, L2,  $[a,b]$ ).

L1 =  $[]$

L2 =  $[a, b]$  ;

L1 =  $[a]$

L2 =  $[b]$  ;

L1 =  $[a, b]$

L2 =  $[]$  ;

No

# Operaciones con listas

- ¿Pertenece b a la lista [a,b,c]?

?- conc(L1, [b|L2], [a,b,c]).

L1 = [a]

L2 = [c] ;

No

?- conc(\_, [b|\_], [a,b,c]).

Yes

- ¿Es [b,c] una sublista de [a,b,c,d]?

?- conc(\_, [b,c|\_], [a,b,c,d]).

Yes

- ¿Es [b,d] una sublista de [a,b,c,d]?

?- conc(\_, [b,d|\_], [a,b,c,d]).

No

- ¿Cuál es el último elemento de [b,a,c,d]?

?- conc(\_, [X], [b,a,c,d]).

X = d ;

No

- Predicado predefinido: append(L1,L2,L3)

# Aritmética

- Operadores prefijos e infijos

- $(a + b) * (5 / c)$

?- display((a + b) \* (5 / c)).

\*(+(a, b), /(5, c))

Yes

- $a + b * 5 / c$

?- display(a + b \* 5 / c).

+(a, /( \*(b, 5), c))

Yes

- Precedencia y tipo de operadores predefinidos:

Precedencia	Tipo	Operadores
500	yfx	+, -
500	fx	-
400	yfx	*, /
200	xfy	^

- fx, fy: Prefijo
- xfx: Infijo no asociativo
- yfx: Infijo asocia por la izquierda
- xfy: Infijo asocia por la derecha
- xf, yf: Postfijo

# Aritmética

- **Análisis de expresiones con operadores**

```
?- display(2+3+4).  
+(+(2, 3), 4)  
Yes
```

```
?- display(2+3*4).  
+(2, *(3, 4))  
Yes
```

```
?- display((2+3)*4).  
*(+(2, 3), 4)  
Yes
```

```
?- display(2^3^4).  
^(2, ^(3, 4))  
Yes
```

# Predicados aritméticos

- Evaluador: `is`
- Predicados aritméticos:

Precedencia	Tipo	Operadores
700	xfx	<, =<, >, >=, :=, =\=

- Ejemplos

```
?- X is 2+3^3.
```

```
X = 29
```

```
Yes
```

```
?- 29 is X+3^3.
```

```
[WARNING: Arguments are not sufficiently instantiated]
```

```
?- X = 2+3^3.
```

```
X = 2+3^3
```

```
Yes
```

```
?- 2+3^Y = 2+3^3.
```

```
Y = 3
```

```
Yes
```

```
?- 3 =< 5.
```

```
Yes
```

```
?- 3 > X.
```

```
[WARNING: Arguments are not sufficiently instantiated]
```

```
?- 2+5 = 10-3.
```

```
No
```

```
?- 2+5 := 10-3.
```

```
Yes
```

```
?- 2+5 =\= 10-3.
```

```
No
```

```
?- 2+5 =\= 10^3.
```

```
Yes
```

# Máximo

- Máximo de dos números

- `maximo(X,Y,Z)` se verifica si Z es el máximo de los números X e Y.

- Ejemplo

`maximo(3,5,Z) => Z=5`

- Programa: `maximo.pl`

```
maximo(X,Y,X) :-  
    X >= Y.  
maximo(X,Y,Y) :-  
    X < Y.
```

- Sesión

```
?- maximo(2,3,X).  
X = 3 ;  
No  
?- maximo(3,2,X).  
X = 3 ;  
No
```

# Factorial

- Factorial de un número

- `factorial(X,Y)` se verifica si Y es el factorial de X

- Programa: `factorial.pl`

```
factorial(1,1).  
factorial(X,Y) :-  
    X > 1,  
    X1 is X - 1,  
    factorial(X1,Y1),  
    Y is X * Y1.
```

- Sesión

```
?- factorial(4,Y).  
Y = 24  
Yes
```

- Cálculo de `factorial(4,Y)`

```
X = 4  
X1 is X-1 => X1 = 3  
factorial(X1,Y1) => Y1 = 6  
Y is X*Y1 => Y = 24
```

# Fibonacci

- **Sucesión de Fibonacci**

- La sucesión de Fibonacci es

0, 1, 1, 2, 3, 5, 8, ...

y está definida por

$$f(0) = 0$$

$$f(1) = 1$$

$$f(n) = f(n-1)+f(n-2), \quad \text{si } n > 1$$

- `fibonacci(N,X)` se verifica si X es el N-ésimo término de la sucesión de Fibonacci.

- **Programa:** `fibonacci.pl`

```
fibonacci(0,0).
fibonacci(1,1).
fibonacci(N,X) :-
    N > 1,
    N1 is N-1,
    fibonacci(N1,X1),
    N2 is N-2,
    fibonacci(N2,X2),
    X is X1+X2.
```

- **Sesión**

```
?- fibonacci(6,X).
X = 8
Yes
```



# Longitud

- Longitud de una lista

- `longitud(L,N)` se verifica si `N` es la longitud de la lista `L`

- Ejemplos

```
longitud([],N)           => N = 0
longitud([a,b,c],N)     => N = 3
longitud([a,[b,c]],N)   => N = 2
```

- Programa: `longitud.pl`

```
longitud([],0).
longitud([_X|L],N) :-
    N is M + 1.
```

- Sesión

```
?- longitud([a,b,c],N).
N = 3
Yes
```

- Predicado predefinido: `length(L,N)`

# Máximo de una lista

- Máximo de una lista

- `max_list(L,N)` se verifica si `N` es el máximo de los elementos de la lista de números `L`

- Sesión

```
?- max_list([1,3,9,5],X).  
X = 9  
Yes
```

- Programa: `max_list.pl`

```
max_list([X],X).  
max_list([X,Y|L],Z) :-  
    max_list([Y|L],U),  
    maximo(X,U,Z).  
maximo(X,Y,X) :-  
    X >= Y.  
maximo(X,Y,Y) :-  
    X < Y.
```

# Entre

- **Intervalo entero**

- `entre(N1,N2,X)` que se verifica si  $X$  es mayor o igual que  $N1$  y menor o igual que  $N2$ .

- **Sesión**

?- `entre(2,5,X)` .

$X = 2$  ;

$X = 3$  ;

$X = 4$  ;

$X = 5$  ;

No

?- `entre(2,1,X)` .

No

- **Programa: `entre.pl`**

```
entre(N1,N2,N1) :-
```

```
    N1 =< N2.
```

```
entre(N1,N2,X) :-
```

```
    N1 < N2,
```

```
    N3 is N1 + 1,
```

```
    entre(N3,N2,X).
```

- **Predicado predefinido: `between(N1,N2,X)`**

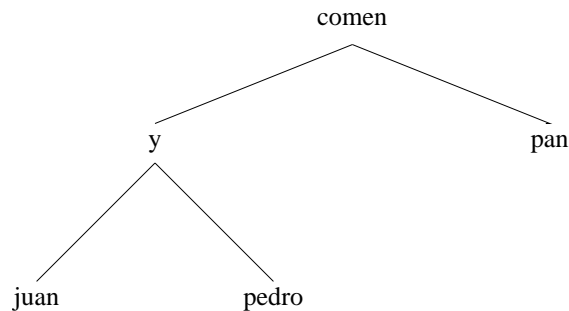
# Operadores

- Operadores definidos por el usuario
  - `pedro come pan ==> come(pedro,pan)`
  - `juan tiene discos ==> tiene(juan,discos)`
- Definición de operadores (directiva `op`)  
`:- op(600,xfx,come).`
- Precedencia: Entre 1 y 1200

# Operadores

- Estructura de arbol

Juan y Pedro comen pan



- Sin operadores:

```
comen(y(juan,pedro),pan).
```

- Con operadores:

```
:-op(800,xfx,comen).
```

```
:-op(400,xfx,y).
```

```
juan y pedro comen pan.
```

```
?- display(juan y pedro comen pan).
```

```
comen(y(juan, pedro), pan)
```

```
Yes
```

```
?- Quienes comen pan.
```

```
Quienes = juan y pedro ;
```

```
No
```

```
?- Alguien y pedro comen pan.
```

```
Alguien = juan ;
```

```
No
```

```
?- juan y pedro comen Algo.
```

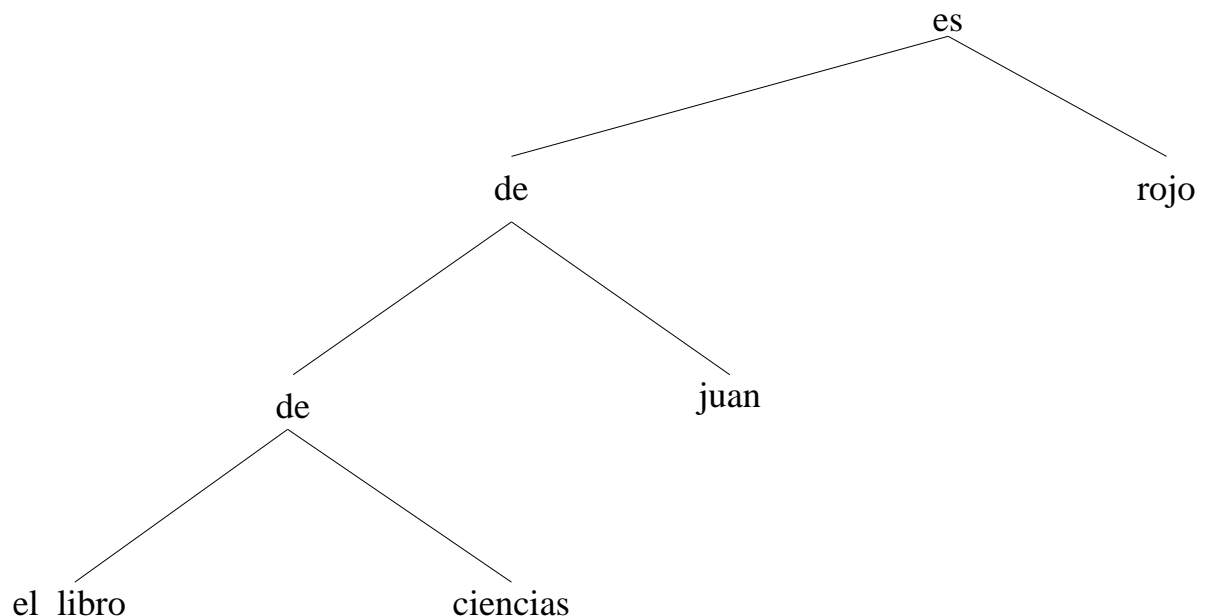
```
Algo = pan ;
```

```
No
```

# Operadores

- Precedencia entre argumentos
  - La precedencia de un término simple es cero
  - La precedencia de un término compuesto es la del símbolo de función principal y cero si no está predefinido
- $x$  e  $y$ 
  - $x$  representa un argumento cuya precedencia es estrictamente menor que la del operador
  - $y$  representa un argumento cuya precedencia es menor o igual que la del operador
- Ejemplo:

El libro de ciencias de Juan es rojo



# Operadores

- Programa

```
:-op(800,xfx,es).
:-op(400,yfx,de).
el_libro de ciencias de juan es rojo.

?- display(el_libro de ciencias de juan es rojo).
es(de(de(el_libro, ciencias), juan), rojo)
Yes
?- display(X es rojo).
es(_G177, rojo)
X = _G177
Yes
?- X es rojo.
X = el_libro de ciencias de juan
Yes
?- display(X de Y es rojo).
es(de(X, Y), rojo)
Yes
?- display(el_libro de ciencias de juan es rojo).
es(de(de(el_libro, ciencias), juan), rojo)
Yes
?- X de Y es rojo.
X = el_libro de ciencias
Y = juan
Yes
?- display(el_libro de X es rojo).
es(de(el_libro, X), rojo)
Yes
?- el_libro de X es rojo.
No
```

## Bibliografía

- Bratko, I. *Prolog Programming for Artificial Intelligence (2nd ed.)* (Addison–Wesley, 1990)
  - Cap. 3: “Lists, operators, arithmetic”
- Clocksin, W.F. y Mellish, C.S. *Programming in Prolog (Fourth Edition)* (Springer Verlag, 1994)
  - Cap. 2: “A closer look”