

**Tema DA–05: Resolución en
lógica de primer orden**

**José A. Alonso Jiménez
Miguel A. Gutiérrez Naranjo**

Dpto. de Ciencias de la Computación e Inteligencia Artificial

UNIVERSIDAD DE SEVILLA

Resolución binaria

- **Problema 1:** Demostrar que el conjunto $\{\neg P(x) \vee Q(x), P(a), \neg Q(z)\}$ es inconsistente.

- **Entrada** ej-res-bin.in

```
list(sos).  
-P(x) | Q(x).  
P(a).  
-Q(z).  
end_of_list.
```

```
set(binary_res).
```

- **Salida:**

```
===== start of search =====
```

```
given clause #1: (wt=2) 2 [] P(a).
```

```
given clause #2: (wt=2) 3 [] -Q(z).
```

```
given clause #3: (wt=4) 1 [] -P(x)|Q(x).
```

```
** KEPT (pick-wt=2): 4 [binary,1.1,2.1] Q(a).
```

```
----> UNIT CONFLICT: 5 [binary,4.1,3.1] $F.
```

```
----- PROOF -----
```

```
1 [] -P(x)|Q(x).
```

```
2 [] P(a).
```

```
3 [] -Q(z).
```

```
4 [binary,1.1,2.1] Q(a).
```

```
5 [binary,4.1,3.1] $F.
```

```
----- end of proof -----
```

Resolución binaria

- **Sintaxis**

- **Variables:** Cadenas alfanuméricas que empiezan por u, v, w, x, y, z
- **Constantes, relaciones:** Cadenas alfanuméricas que no empiezan por u, v, w, x, y, z
- **Cláusula**
- **Cuantificación universal implícita**
- **Entorno list**

- **Inferencia**

- **Regla de resolución binaria**

$$\begin{array}{l} L1 \mid \dots \mid Li \mid A \mid L\{i+1\} \mid \dots \mid Ln. \\ M1 \mid \dots \mid Mj \mid - B \mid M\{j+1\} \mid \dots \mid Mk. \end{array}$$

($L1 \mid \dots \mid Li \mid L\{i+1\} \mid \dots \mid Ln \mid$
 $M1 \mid \dots \mid Mj \mid M\{j+1\} \mid \dots \mid Mk$)s.

$s = \text{u.m.g.}(A, B)$

- **Unificación**
- **Separación de variables**

Skolemización

- **Problema 2:** Demostrar que el conjunto de fórmulas $\{(\forall x)[P(x) \rightarrow Q(x)], P(a), \neg(\exists z)Q(z)\}$ es inconsistente.

- **Entrada**

```
formula_list(sos).  
all x (P(x) -> Q(x)).  
P(a).  
-(exists z Q(z)).  
end_of_list.  
  
set(binary_res).
```

- **Salida**

```
list(sos).  
1 [] -P(x)|Q(x).  
2 [] P(a).  
3 [] -Q(z).  
end_of_list.
```

```
----- PROOF -----  
1 [] -P(x)|Q(x).  
2 [] P(a).  
3 [] -Q(z).  
4 [binary,1.1,2.1] Q(a).  
5 [binary,4.1,3.1] $F.  
----- end of proof -----
```

- **Comentarios:**

- * Cuantificadores all, exists
- * Skolemización

Consecuencia lógica

- El problema de la inconsistencia:
Dado un conjunto de fórmulas S
determinar si es inconsistente
- El problema de consecuencia lógica:
Dado un conjunto de fórmulas S
y una fórmula F
determinar si F es consecuencia lógica de S
- Reducción de problemas: Son equivalentes
 1. F es consecuencia lógica de S
 2. $S \cup \{\neg F\}$ es inconsistente

Argumentaciones

- Problema 3: Demostrar la validez del siguiente argumento:

Los caballos son más rápidos que los perros. Algunos galgos son más rápidos que los conejos. Lucero es un caballo y Orejón es un conejo. Por tanto, Lucero es más rápido que Orejón.

- Nuevos problemas en la decisión de la validez de una argumentación:
 - Representación del conocimiento
 - Explicitación del conocimiento implícito

- Lenguaje del problema:

Símbolos:	Significado:
Lucero	Lucero
Orejon	Orejón
CABALLO(x)	x es un caballo
CONEJO(x)	x es un conejo
GALGO(x)	x es un galgo
PERRO(x)	x es un perro
MAS_RAPIDO(x,y)	x es más rápido que y

Argumentaciones

- Entrada ej-3a1.in

```
formula_list(sos).
% Los caballos son más rápidos que los perros.
all x y (CABALLO(x) & PERRO(y) -> MAS_RAPIDO(x,y)).

% Algunos galgos son más rápidos que los conejos
exists x (GALGO(x) &
          (all y (CONEJO(y) -> MAS_RAPIDO(x,y))))).

% Lucero es un caballo
CABALLO(Lucero).

% Orejón es un conejo.
CONEJO(Orejon).

% Lucero no es más rápido que Orejón
-MAS_RAPIDO(Lucero,Orejon).
end_of_list.

set(binary_res).
```

- Salida

```
list(sos).
1 [] -CABALLO(x) | -PERRO(y) | MAS_RAPIDO(x,y).
2 [] GALGO($c1).
3 [] -CONEJO(y) | MAS_RAPIDO($c1,y).
4 [] CABALLO(Lucero).
5 [] CONEJO(Orejon).
6 [] -MAS_RAPIDO(Lucero,Orejon).
end_of_list.
```

Argumentaciones

```
given clause #1: (wt=2) 2 [] GALGO($c1).
given clause #2: (wt=2) 4 [] CABALLO(Lucero).
given clause #3: (wt=2) 5 [] CONEJO(Orejon).
given clause #4: (wt=3) 6 [] -MAS_RAPIDO(Lucero,Orejon).
given clause #5: (wt=5) 3 [] -CONEJO(y)|MAS_RAPIDO($c1,y).
** KEPT (pick-wt=3): 7 [binary,3.1,5.1] MAS_RAPIDO($c1,Orejon).

given clause #6: (wt=3) 7 [binary,3.1,5.1] MAS_RAPIDO($c1,Orejon).

given clause #7: (wt=7) 1 [] -CABALLO(x)|-PERRO(y)|MAS_RAPIDO(x,y).
** KEPT (pick-wt=5): 8 [binary,1.1,4.1] -PERRO(x)|MAS_RAPIDO(Lucero,x).
** KEPT (pick-wt=2): 9 [binary,1.3,6.1,unit_del,4] -PERRO(Orejon).

given clause #8: (wt=2) 9 [binary,1.3,6.1,unit_del,4] -PERRO(Orejon).

given clause #9: (wt=5) 8 [binary,1.1,4.1] -PERRO(x)|MAS_RAPIDO(Lucero,x).
```

Search stopped because sos empty.

Argumentaciones

- **Búsqueda de modelos con MACE**

```
mace -n2 -p -m1 <ej-3a1.in
```

- **Modelo encontrado**

```
===== Model #1 at 0.03 seconds:
```

```
Lucero: 1      Orejon: 0      $c1: 0
```

```
CABALLO :      PERRO :      GALGO :      CONEJO :
      0 1          0 1          0 1          0 1
      -----
      F T          F F          T F          T F
```

```
MAS_RAPIDO :
      | 0 1
      ---+----
      0 | T F
      1 | F F
end_of_model
```

- **Entrada ej-3a2.in**

```
include('ej-03a1.in').
```

```
formula_list(sos).
% Los galgos son perros
all x (GALGO(x) -> PERRO(x)).
end_of_list.
```

```
set(binary_res).
```

- **Salida**

```
Search stopped because sos empty.
```

Argumentaciones

- **Búsqueda de modelos con MACE**

```
mace -n2 -p -m1 <ej-3a2.in
```

- **Modelo encontrado**

```
Lucero: 1      Orejon: 1      $c1: 0
```

```
CABALLO :      PERRO :      GALGO :      CONEJO :
      0 1      0 1      0 1      0 1
-----
      F T      T F      T F      F T
```

```
MAS_RAPIDO :
      | 0 1
---+-----
0 | F T
1 | T F
```

- **Entrada ej-3a3.in**

```
include('ej-03a2.in').
```

```
formula_list(sos).
```

```
% Si x es más rápido que y e y es más rápido que z,
% entonces x es más rápido que z.
```

```
all x y z (MAS_RAPIDO(x,y) & MAS_RAPIDO(y,z)
           -> MAS_RAPIDO(x,z)).
```

```
end_of_list.
```

```
set(binary_res).
```

Argumentaciones

• Prueba

- 1 [] $\neg \text{CABALLO}(x) \mid \neg \text{PERRO}(y) \mid \text{MAS_RAPIDO}(x, y)$.
- 2 [] $\text{GALGO}(\$c1)$.
- 3 [] $\neg \text{CONEJO}(y)$
| $\text{MAS_RAPIDO}(\$c1, y)$.
- 4 [] $\text{CABALLO}(\text{Lucero})$.
- 5 [] $\text{CONEJO}(\text{Orejon})$.
- 6 [] $\neg \text{MAS_RAPIDO}(\text{Lucero}, \text{Orejon})$.
- 7 [] $\neg \text{GALGO}(x) \mid \text{PERRO}(x)$.
- 8 [] $\neg \text{MAS_RAPIDO}(x, y)$
| $\neg \text{MAS_RAPIDO}(y, z)$
| $\text{MAS_RAPIDO}(x, z)$.
- 9 [binary, 7.1, 2.1] $\text{PERRO}(\$c1)$.
- 10 [binary, 3.1, 5.1] $\text{MAS_RAPIDO}(\$c1, \text{Orejon})$.
- 11 [binary, 1.1, 4.1] $\neg \text{PERRO}(x)$
| $\text{MAS_RAPIDO}(\text{Lucero}, x)$.
- 16 [binary, 11.1, 9.1] $\text{MAS_RAPIDO}(\text{Lucero}, \$c1)$.
- 19 [binary, 8.1, 16.1] $\neg \text{MAS_RAPIDO}(\$c1, x)$
| $\text{MAS_RAPIDO}(\text{Lucero}, x)$.
- 36 [binary, 19.1, 10.1] $\text{MAS_RAPIDO}(\text{Lucero}, \text{Orejon})$.
- 37 [binary, 36.1, 6.1] \$F.

• Estadísticas

clauses given	18
clauses generated	43
clauses kept	28
clauses forward subsumed	12
clauses back subsumed	0

La estrategia del conjunto soporte

- Entrada ej-3b.in

```
formula_list(usable).
all x y (CABALLO(x) & PERRO(y) -> MAS_RAPIDO(x,y)).
exists x (GALGO(x) &
          (all y (CONEJO(y) -> MAS_RAPIDO(x,y))))).
CABALLO(Lucero).
CONEJO(Orejon).
all x (GALGO(x) -> PERRO(x)).
all x y z (MAS_RAPIDO(x,y) & MAS_RAPIDO(y,z)
          -> MAS_RAPIDO(x,z)).
end_of_list.
```

```
formula_list(sos).
-MAS_RAPIDO(Lucero,Orejon).
end_of_list.
```

```
set(binary_res).
```

La estrategia del conjunto soporte

- Salida

```
list(usable).
1 [] -CABALLO(x) | -PERRO(y) | MAS_RAPIDO(x,y).
2 [] GALGO($c1).
3 [] -CONEJO(y) | MAS_RAPIDO($c1,y).
4 [] CABALLO(Lucero).
5 [] CONEJO(Orejon).
6 [] -GALGO(x) | PERRO(x).
7 [] -MAS_RAPIDO(x,y) | -MAS_RAPIDO(y,z) | MAS_RAPIDO(x,z).
end_of_list.

list(sos).
8 [] -MAS_RAPIDO(Lucero,Orejon).
end_of_list.

===== start of search =====

given clause #1: (wt=3) 8 [] -MAS_RAPIDO(Lucero,Orejon).
** KEPT: 9 [binary,8.1,7.3] -MAS_RAPIDO(Lucero,x) | -MAS_RAPIDO(x,Orejon).
** KEPT: 10 [binary,8.1,1.3,unit_del,4] -PERRO(Orejon).
```

La estrategia del conjunto soporte

```
given clause #2: (wt=2) 10 [binary,8.1,1.3,unit_del,4] -PERRO(Orejon).
** KEPT: 11 [binary,10.1,6.2] -GALGO(Orejon).

given clause #3: (wt=2) 11 [binary,10.1,6.2] -GALGO(Orejon).

given clause #4: (wt=6) 9 [binary,8.1,7.3] -MAS_RAPIDO(Lucero,x) | -MAS_RAPIDO(x,Orejon)
** KEPT: 12 [binary,9.1,7.3] -MAS_RAPIDO(x,Orejon) | -MAS_RAPIDO(Lucero,y) | -MAS_RAPIDO
** KEPT: 13 [binary,9.1,1.3,unit_del,4] -MAS_RAPIDO(x,Orejon) | -PERRO(x).
** KEPT: 14 [binary,9.2,3.2,unit_del,5] -MAS_RAPIDO(Lucero,$c1).

given clause #5: (wt=3) 14 [binary,9.2,3.2,unit_del,5] -MAS_RAPIDO(Lucero,$c1).
** KEPT: 15 [binary,14.1,7.3] -MAS_RAPIDO(Lucero,x) | -MAS_RAPIDO(x,$c1).
** KEPT: 16 [binary,14.1,1.3,unit_del,4] -PERRO($c1).

given clause #6: (wt=2) 16 [binary,14.1,1.3,unit_del,4] -PERRO($c1).
** KEPT: 17 [binary,16.1,6.2] -GALGO($c1).

-----> UNIT CONFLICT at 0.01 sec -----> 18 [binary,17.1,2.1] $F.
```

La estrategia del conjunto soporte

• Prueba

- 1 [] -CABALLO(x)
 | -PERRO(y)
 | MAS_RAPIDO(x,y).
- 2 [] GALGO(\$c1).
- 3 [] -CONEJO(y)
 | MAS_RAPIDO(\$c1,y).
- 4 [] CABALLO(Lucero).
- 5 [] CONEJO(Orejon).
- 6 [] -GALGO(x)
 | PERRO(x).
- 7 [] -MAS_RAPIDO(x,y)
 | -MAS_RAPIDO(y,z)
 | MAS_RAPIDO(x,z).
- 8 [] -MAS_RAPIDO(Lucero,Orejon).
- 9 [binary,8.1,7.3] -MAS_RAPIDO(Lucero,x)
 | -MAS_RAPIDO(x,Orejon).
- 14 [binary,9.2,3.2,unit_del,5] -MAS_RAPIDO(Lucero,\$c1).
- 16 [binary,14.1,1.3,unit_del,4] -PERRO(\$c1).
- 17 [binary,16.1,6.2] -GALGO(\$c1).
- 18 [binary,17.1,2.1] \$F.

• Estadísticas

clauses given	6
clauses generated	14
clauses kept	9
clauses forward subsumed	5
clauses back subsumed	0

Resolución UR

- Resolución UR

$L_1 \mid \dots \mid L_n.$

$M_1.$

\dots

$M_{\{i-1\}}.$

$M_{\{i+1\}}.$

\dots

$M_n.$

$(L_i)s.$

donde s es u.m.g de L_j y el
complementario de M_j
(j en $\{1, \dots, i-1, i+1, \dots, n\}$)

- Entrada ej-3c.in

```
formula_list(sos).
```

```
all x y (CABALLO(x) & PERRO(y) -> MAS_RAPIDO(x,y)).
```

```
exists x (GALGO(x) &
```

```
    (all y (CONEJO(y) -> MAS_RAPIDO(x,y))))).
```

```
CABALLO(Lucero).
```

```
CONEJO(Orejon).
```

```
-MAS_RAPIDO(Lucero,Orejon).
```

```
all x (GALGO(x) -> PERRO(x)).
```

```
all x y z (MAS_RAPIDO(x,y) & MAS_RAPIDO(y,z)
```

```
    -> MAS_RAPIDO(x,z)).
```

```
end_of_list.
```

```
set(ur_res).
```


Resolución UR

● Prueba

```
1 [] -CABALLO(x)
   | -PERRO(y)
   | MAS_RAPIDO(x,y).
2 [] GALGO($c1).
3 [] -CONEJO(y)
   | MAS_RAPIDO($c1,y).
4 [] CABALLO(Lucero).
5 [] CONEJO(Orejon).
6 [] -MAS_RAPIDO(Lucero,Orejon).
7 [] -GALGO(x) | PERRO(x).
8 [] -MAS_RAPIDO(x,y)
   | -MAS_RAPIDO(y,z)
   | MAS_RAPIDO(x,z).
9 [ur,7,2] PERRO($c1).
10 [ur,3,5] MAS_RAPIDO($c1,Orejon).
12 [ur,1,4,9] MAS_RAPIDO(Lucero,$c1).
14 [ur,8,10,6] -MAS_RAPIDO(Lucero,$c1).
15 [binary,14.1,12.1] $F.
```

● Estadísticas

clauses given	13
clauses generated	6
clauses kept	6
clauses forward subsumed	0
clauses back subsumed	0

Hiper-resolución

- Regla de hiper-resolución

$\neg A_1 \mid \dots \mid \neg A_n \mid B_1 \mid \dots \mid B_m.$

$M_1.$

\dots

$M_n.$

$(B_1 \mid \dots \mid B_m)s.$

donde $A_1, \dots, A_n, B_1, \dots, B_m$ son átomos
y s es un u.m.g. de $\{A_1 = M_1, \dots, A_n = M_n\}$

- Entrada ej-3d.in

```
formula_list(sos).
```

```
all x y (CABALLO(x) & PERRO(y) -> MAS_RAPIDO(x,y)).
```

```
exists x (GALGO(x) &
```

```
    (all y (CONEJO(y) -> MAS_RAPIDO(x,y))))).
```

```
CABALLO(Lucero).
```

```
CONEJO(Orejon).
```

```
-MAS_RAPIDO(Lucero,Orejon).
```

```
all x (GALGO(x) -> PERRO(x)).
```

```
all x y z (MAS_RAPIDO(x,y) & MAS_RAPIDO(y,z)
```

```
    -> MAS_RAPIDO(x,z)).
```

```
end_of_list.
```

```
set(hyper_res).
```

Hiper-resolución

● Prueba

- 1 [] -CABALLO(x)
| -PERRO(y)
| MAS_RAPIDO(x,y).
- 2 [] GALGO(\$c1).
- 3 [] -CONEJO(y)
| MAS_RAPIDO(\$c1,y).
- 4 [] CABALLO(Lucero).
- 5 [] CONEJO(Orejon).
- 6 [] -MAS_RAPIDO(Lucero,Orejon).
- 7 [] -GALGO(x) | PERRO(x).
- 8 [] -MAS_RAPIDO(x,y)
| -MAS_RAPIDO(y,z)
| MAS_RAPIDO(x,z).
- 9 [hyper,7,2] PERRO(\$c1).
- 10 [hyper,3,5] MAS_RAPIDO(\$c1,Orejon).
- 11 [hyper,1,4,9] MAS_RAPIDO(Lucero,\$c1).
- 12 [hyper,8,11,10] MAS_RAPIDO(Lucero,Orejon).
- 13 [binary,12.1,6.1] \$F.

● Estadística

clauses given	11
clauses generated	4
clauses kept	4
clauses forward subsumed	0
clauses back subsumed	0

Obtención de respuestas

- Problema: Dado un conjunto de fórmulas S y una fórmula $F(x_1, \dots, x_n)$, cuyas variables libres son x_1, \dots, x_n , encontrar términos t_1, \dots, t_n tales que $F(t_1, \dots, t_n)$ sea consecuencia de S
- Procedimiento de solución
 - Introducir un nuevo símbolo de predicados ($\$ANS$)
 - Considerar el conjunto de las cláusulas correspondientes a las fórmulas de
$$S \cup \{(\forall x_1) \dots (\forall x_n)[F(x_1, \dots, x_n) \rightarrow \$ANS(x_1, \dots, x_n)]\}$$
 - Aplicar el procedimiento de resolución hasta encontrar una cláusula cuyo único literal contenga el predicado $\$ANS$
 - Los términos que aparecen en dicho literal forman una respuesta a la cuestión planteada.

Obtención de respuestas

- **Problema 4a:** Dado $\{\forall(P(x) \rightarrow Q(x)), P(a)\}$ determinar un z tal que $Q(z)$ sea consecuencia del conjunto.

- **Entrada**

```
formula_list(sos).  
all x (P(x) -> Q(x)).  
P(a).  
all z (Q(z) -> $ANS(z)).  
end_of_list.
```

```
set(binary_res).
```

- **Prueba**

```
1 [] -P(x) | Q(x).  
2 [] P(a).  
3 [] -Q(z) | $ANS(z).  
4 [binary,1.1,2.1] Q(a).  
5 [binary,4.1,3.1] $ANS(a).
```

Obtención de respuestas

- **Problema 4b:** Dado $\{\forall(P(x) \rightarrow Q(x)), P(a) \wedge P(b)\}$ determinar un z tal que $Q(z)$ sea consecuencia del conjunto.

- **Entrada ej-4b1.in**

```
formula_list(sos).  
all x (P(x) -> Q(x)).  
P(a) & P(b).  
all z (Q(z) -> $ANS(z)).  
end_of_list.
```

```
set(binary_res).  
assign(max_proofs,2).
```

- **Pruebas**

```
----- PROOF -----  
1 [] -P(x)|Q(x).  
3 [] P(b).  
4 [] -Q(z)|$ANS(z).  
5 [binary,1.1,3.1] Q(b).  
6 [binary,5.1,4.1] $ANS(b).  
----- end of proof -----  
----- PROOF -----  
1 [] -P(x)|Q(x).  
2 [] P(a).  
4 [] -Q(z)|$ANS(z).  
7 [binary,1.1,2.1] Q(a).  
8 [binary,7.1,4.1] $ANS(a).  
----- end of proof -----
```

Search stopped by max_proofs option.

Obtención de respuestas

- Entrada ej-4b2.in

```
formula_list(sos).  
all x (P(x) -> Q(x)).  
P(a) & P(b).  
all z (Q(z) -> $ANS(z)).  
end_of_list.
```

```
set(binary_res).  
assign(max_proofs,-1).
```

- Respuestas

```
- PROOF --- 6 [binary,5.1,4.1] $ANS(b).  
- PROOF --- 8 [binary,7.1,4.1] $ANS(a).  
- PROOF --- 10 [binary,9.1,3.1] $ANS(b).  
- PROOF --- 11 [binary,9.1,2.1] $ANS(a).  
- PROOF --- 12 [binary,5.1,4.1] $ANS(b).  
- PROOF --- 13 [binary,7.1,4.1] $ANS(a).  
- PROOF --- 14 [binary,9.1,3.1] $ANS(b).  
- PROOF --- 15 [binary,9.1,2.1] $ANS(a).  
Search stopped because sos empty.
```

Obtención de respuestas

- Entrada ej-4b3.in

```
formula_list(sos).  
all x (P(x) -> Q(x)).  
P(a) & P(b).  
end_of_list.
```

```
formula_list(passive).  
all z (Q(z) -> $ANS(z)).  
end_of_list.
```

```
set(binary_res).  
assign(max_proofs,-1).
```

- Pruebas

```
----- PROOF -----  
1 [] -P(x) | Q(x).  
3 [] P(b).  
4 [] -Q(z) | $ANS(z).  
5 [binary,1.1,3.1] Q(b).  
6 [binary,5.1,4.1] $ANS(b).  
----- end of proof -----
```

```
----- PROOF -----  
1 [] -P(x) | Q(x).  
2 [] P(a).  
4 [] -Q(z) | $ANS(z).  
7 [binary,1.1,2.1] Q(a).  
8 [binary,7.1,4.1] $ANS(a).  
----- end of proof -----
```

Search stopped because sos empty.

Obtención de respuestas

- **Problema 5–1:** De las siguientes personas Juan, Jorge, Víctor, María, Agata y Carla se sabe que María, Jorge y Víctor son ricos y que María y Juan se aman, que Víctor ama a María y que Jorge y Víctor se aman. Admitiendo que dos personas pueden casarse si son de distintos sexo y se aman o una es rica y ama a la otra, determinar las parejas que pueden casarse.

- **Entrada**

```
list(usable).
Hombre(Juan).
Hombre(Jorge).
Hombre(Victor).
Mujer(Maria).
Mujer(Agata).
Mujer(Carla).
Rico(Maria).
Rico(Jorge).
Rico(Victor).
Ama(Maria, Juan).
Ama(Juan, Maria).
Ama(Victor, Maria).
Ama(Jorge, Victor).
Ama(Victor, Jorge).
```

Obtención de respuestas

```
% Los hombres y las mujeres son de sexos distintos:
-Mujer(x) | -Hombre(y) | Distinto_sexo(x,y).
-Mujer(x) | -Hombre(y) | Distinto_sexo(y,x).

% Dos personas de distintos sexo pueden casarse si
% se aman o una es rica y ama a la otra:
-Distinto_sexo(x,y)
| -Ama(x,y)
| -Ama(y,x)
| Pueden_casarse(x,y).
-Distinto_sexo(x,y)
| -Ama(x,y)
| -Rico(x)
| Pueden_casarse(x,y).
end_of_list.

list(sos).
-Pueden_casarse(x,y) | $ans(x,y).
end_of_list.

set(ur_res).
assign(max_proofs, -1).
```

Obtención de respuestas

• Respuesta 1

```
----- PROOF -----
3 [] Hombre(Victor).
4 [] Mujer(Maria).
9 [] Rico(Victor).
12 [] Ama(Victor,Maria).
16 [] -Mujer(x) | -Hombre(y) | Distinto_sexo(y,x).
18 [] -Distinto_sexo(x,y) | -Ama(x,y) | -Rico(x)
    | Pueden_casarse(x,y).
19 [] -Pueden_casarse(x,y) | $ans(x,y).
22 [ur,19,18,12,9] $ans(Victor,Maria)
    | -Distinto_sexo(Victor,Maria).
27 [ur,22,16,3] $ans(Victor,Maria) | -Mujer(Maria).
28 [binary,27.1,4.1] $ans(Victor,Maria).
```

• Respuesta 2

```
----- PROOF -----
1 [] Hombre(Juan).
4 [] Mujer(Maria).
7 [] Rico(Maria).
10 [] Ama(Maria,Juan).
15 [] -Mujer(x) | -Hombre(y) | Distinto_sexo(x,y).
18 [] -Distinto_sexo(x,y) | -Ama(x,y) | -Rico(x)
    | Pueden_casarse(x,y).
19 [] -Pueden_casarse(x,y) | $ans(x,y).
23 [ur,19,18,10,7] $ans(Maria,Juan)
    | -Distinto_sexo(Maria,Juan).
31 [ur,23,15,4] $ans(Maria,Juan) | -Hombre(Juan).
32 [binary,31.1,1.1] $ans(Maria,Juan).
```

Obtención de respuestas

- Problema 5–2 A partir de las siguientes sentencias:

- * Toda persona es hijo de su padre.

- * Los hijos de los hijos son nietos.

Obtener la respuesta a la siguiente pregunta:

- * Si a es nieto de x, ¿quién es x?.

- Entrada

```
formula_list(usable).
```

```
% Toda persona es hijo de su padre:
```

```
all x exists y Hijo(x,y).
```

```
% Los hijos de los hijos son nietos:
```

```
all x y z (Hijo(x,y) & Hijo(y,z) -> Nieto(x,z)).
```

```
end_of_list.
```

```
formula_list(sos).
```

```
% Si a es nieto de x, ¿quién es x?:
```

```
all x (Nieto(a,x) -> $Ans(x)).
```

```
end_of_list.
```

```
set(ur_res).
```

- Respuesta

```
----- PROOF -----
```

```
1 [] Hijo(x,$f1(x)).
```

```
2 [] -Hijo(x,y) | -Hijo(y,z) | Nieto(x,z).
```

```
3 [] -Nieto(a,x) | $Ans(x).
```

```
4 [ur,3,2,1] $Ans($f1(x)) | -Hijo(a,x).
```

```
5 [binary,4.1,1.1] $Ans($f1($f1(a))).
```

```
----- end of proof -----
```

Obtención de respuestas

- **Problema 5–3:** Si Luna es una persona y todas las personas están solteras o casadas, ¿cómo está Luna?

- **Entrada**

```
formula_list(usable).
Persona(Luna).
all x (Persona(x) -> Estado(x,Soltero)
      | Estado(x,Casado)).
end_of_list.
```

```
formula_list(sos).
all x (Estado(Luna, x) -> $ans(x)).
end_of_list.
```

```
set(ur_res).
```

- **Respuesta**

```
1 [] Persona(Luna).
2 [] -Persona(x)
   | Estado(x,Soltero)
   | Estado(x,Casado).
3 [] -Estado(Luna,x)
   | $ans(x).
4 [ur,3,2,3] $ans(Casado)
   | -Persona(Luna)
   | $ans(Soltero).
5 [binary,4.1,1.1] $ans(Casado)|$ans(Soltero).
```

Bibliografía

- Alonso, J.A.; Fernández, A. y Pérez, M.J. *Razonamiento automático* (en *Lógica formal (Orígenes, métodos y aplicaciones*, Ed. Kronos, 1995)
- Chang, C.L.; Lee, R.C.T. *Symbolic logic and mechanical theorem proving*. (Academic Press, 1973)
- Genesereth, M.R. *Computational Logic* (27 March 2000)
 - Cap. 9 “Relational resolution”
- Genesereth, M.R. y Nilsson, N.J. *Logical foundations of Artificial Intelligence* (Morgan Kaufmann, 1987)
 - Cap. 4: “Resolution”
 - Cap. 5: “Resolution strategies”
- Wos, L.; Overbeek, R.; Lusk, E. y Boyle, J. *Automated Reasoning: Introduction and Applications, (2nd ed.)* (McGraw–Hill, 1992)